

อาจารย์พิเศษ

นายพัทธพงศ์ มนต์อรุณโรจน์

ดษ.บ.สาขาการมัธยมศึกษาวิชาเอก ฟิสิกส์-ชีว: (ม.บ.)

ดษ.บ. หลักสูตรและการสอน (ม.บ.)

3.5 แรงดึงดูดระหว่างมวล

3.5.1 กฎความโน้มถ่วงสากล

นักวิทยาศาสตร์ในสมัยโบราณสังเกตพบว่า ดวงจันทร์โคจรรอบโลก ส่วนโลกและดาวเคราะห์ต่างๆ โคจรรอบดวงอาทิตย์ โดยวงโคจรของดวงจันทร์หรือดาวเคราะห์มีลักษณะเป็นวงกลมหรือวงรี แม้อิแซปเลอร์ (Kepler) จะพบกฎการโคจรของดาวเคราะห์รอบดวงอาทิตย์ได้ แต่ก็ยังไม่สามารถอธิบายเหตุผลในการโคจรลักษณะเช่นนี้ได้

นิวตัน ได้นำผลการสังเกตของนักดาราศาสตร์ทั้งหลายมาสรุปว่า **การที่ดาวเคราะห์โคจรรอบดวงอาทิตย์ได้** เนื่องจากมีแรงกระทำระหว่างดวงอาทิตย์กับดาวเคราะห์

เขาเชื่อว่าแรงนี้เป็น **แรงดึงดูดระหว่างมวล** ของดวงอาทิตย์กับมวลของดาวเคราะห์ และยังเชื่อว่าแรงดึงดูดระหว่างมวล **เป็นแรงธรรมชาติ** และจะมีแรงดึงดูดระหว่างวัตถุทุกชนิดที่มีมวลในเอกภพ **นิวตันจึงเสนอกฎแรงดึงดูดระหว่างมวลซึ่งมีใจความว่า**

“วัตถุทั้งหลายในเอกภพจะออกแรงดึงดูดซึ่งกันและกัน โดยขนาดของแรงดึงดูดระหว่างวัตถุหนึ่งๆ จะ **แปรผันตรงกับผลคูณระหว่างมวลของวัตถุทั้งสอง** และจะ **แปรผกผันกับกำลังสองระยะทาง** ระหว่างวัตถุทั้งสองนั้น”

จากกฎแรงดึงดูดระหว่างมวลของนิวตัน จึงได้

Henry Cavendish ได้ทำการทดลอง

จนได้ค่าคงที่ของการแปรผันกรณีนี้ เป็น

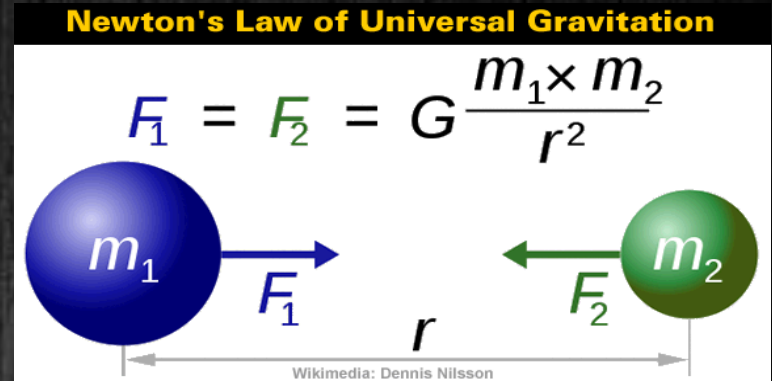
$$(G) = 6.67 \times 10^{-11} \text{ Nm}^2/\text{kg}^2$$

ตัวอย่าง รถบรรทุกขนาด 20 ตัน

กับรถเก๋ง ขนาด 1.5 ตัน จอดอยู่

ห่างกัน 10 เมตร ขณะนั้นมีแรง

ดึงดูดกันที่นิวตัน



$$F_g = \frac{Gm_1m_2}{r^2}$$

$$F_g = \frac{(6.67 \times 10^{-11} \text{ Nm}^2 / \text{kg}^2)(20 \times 10^3 \text{ kg})(1.5 \times 10^3 \text{ kg})}{(10 \text{ m})^2}$$

$$F_g = 2.0 \times 10^{-7} \text{ N}$$

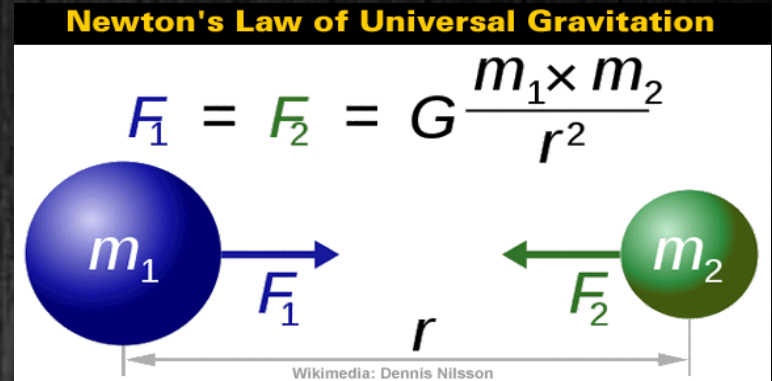
จากกฎแรงดึงดูดระหว่างมวลของนิวตัน จึงได้

Henry Cavendish ได้ทำการทดลอง

จนได้ค่าคงที่ของการแปรผันกรณีนี้ เป็น

$$(G) = 6.67 \times 10^{-11} \text{ Nm}^2/\text{kg}^2$$

ตัวอย่างที่ 9 รถบรรทุกขนาด 20
ตัน กับริกท่ง ขนาด 1.5 ตัน จอด
อยู่ห่างกัน 10 เมตร ขณะนั้นมีแรง
ดึงดูดกันที่นิวตัน



$$F_g = \frac{Gm_1m_2}{r^2}$$

$$F_g = \frac{(6.67 \times 10^{-11} \text{ Nm}^2 / \text{kg}^2)(20 \times 10^3 \text{ kg})(1.5 \times 10^3 \text{ kg})}{(10 \text{ m})^2}$$

$$F_g = 2.0 \times 10^{-7} \text{ N}$$

ตัวอย่างที่ 10 โลกมีมวล $5.98 \times 10^{24} \text{ kg}$ จุดศูนย์กลางโลกอยู่ห่างจาก
จุดศูนย์กลางของดวงจันทร์ขนาด $3.84 \times 10^8 \text{ m}$. และมวลของดวงจันทร์
มีค่า $7.36 \times 10^{22} \text{ kg}$ มวลทั้งสองมีแรงดึงดูด ระหว่างกันเท่าไร

จากสมการ

$$F_g = \frac{Gm_1m_2}{r^2}$$

แทนค่าตัวแปร

$$F_g = \frac{(6.67 \times 10^{-11} \text{ Nm}^2 / \text{kg}^2)(5.98 \times 10^{24} \text{ kg})(7.36 \times 10^{22} \text{ kg})}{(3.84 \times 10^8 \text{ m})^2}$$

ได้แรงดึงดูด

$$F_g = 2.00 \times 10^{20} \text{ N}$$

3.5.2 ความโน้มถ่วง แรงโน้มถ่วง และน้ำหนัก

- (1) ความโน้มถ่วง (Gravity) คือความสามารถของวัตถุที่จะส่งแรงโน้มถ่วง (แรงดึงดูดระหว่างมวล) ไปดึงดูดวัตถุอื่นได้
- (2) แรงโน้มถ่วง (Gravitational Force) คือแรงดึงดูดระหว่างมวล
- (3) สนามโน้มถ่วง (Gravitational Field) คือบริเวณที่มีแรงโน้มถ่วง (ไปถึง)
- (4) น้ำหนัก (Weight) คือแรงโน้มถ่วงที่โลกดึงดูดวัตถุ

การพิจารณาเพิ่ม

วัตถุ มวล m อยู่ที่ผิวโลกห่างจากจุดศูนย์กลางของโลก R_E โลกมีมวล M_E
 W เป็นน้ำหนักของวัตถุ G เป็นค่าโน้มถ่วงสากล g เป็นค่าความเร่งเนื่องจาก
แรงดึงดูดของโลก F_g เป็นแรงดึงดูดระหว่างมวลของนิวตัน

1. แรงดึงดูดระหว่างมวล

$$F_g = \frac{GM_E m}{R_E^2}$$

นั่นคือ

$$F_g = W$$

2. กฎข้อ 2 ของนิวตัน

$$\Sigma F = ma$$

แทนค่า

$$\frac{GM_E m}{R_E^2} = mg$$

3. น้ำหนักของวัตถุบนผิวโลก

$$W = mg$$

จะได้

$$M_E = \frac{gR_E^2}{G}$$

การคำนวณค่ามวลของโลก

แรงดึงดูดของโลกที่กระทำต่อวัตถุผิว น้ำหนัก

$$F_g = W$$

แทนค่าในสมการ

$$\frac{GM_E m}{R_E^2} = mg$$

เพราะฉะนั้นจะได้

$$M_E = \frac{gR_E^2}{G}$$

แทนค่าตัวแปร

$$M_E = \frac{(9.8)(6.38 \times 10^6)^2}{6.67 \times 10^{-11}}$$

มวลของโลกมีค่า

$$M_E = 5.98 \times 10^{24} \text{ kg}$$