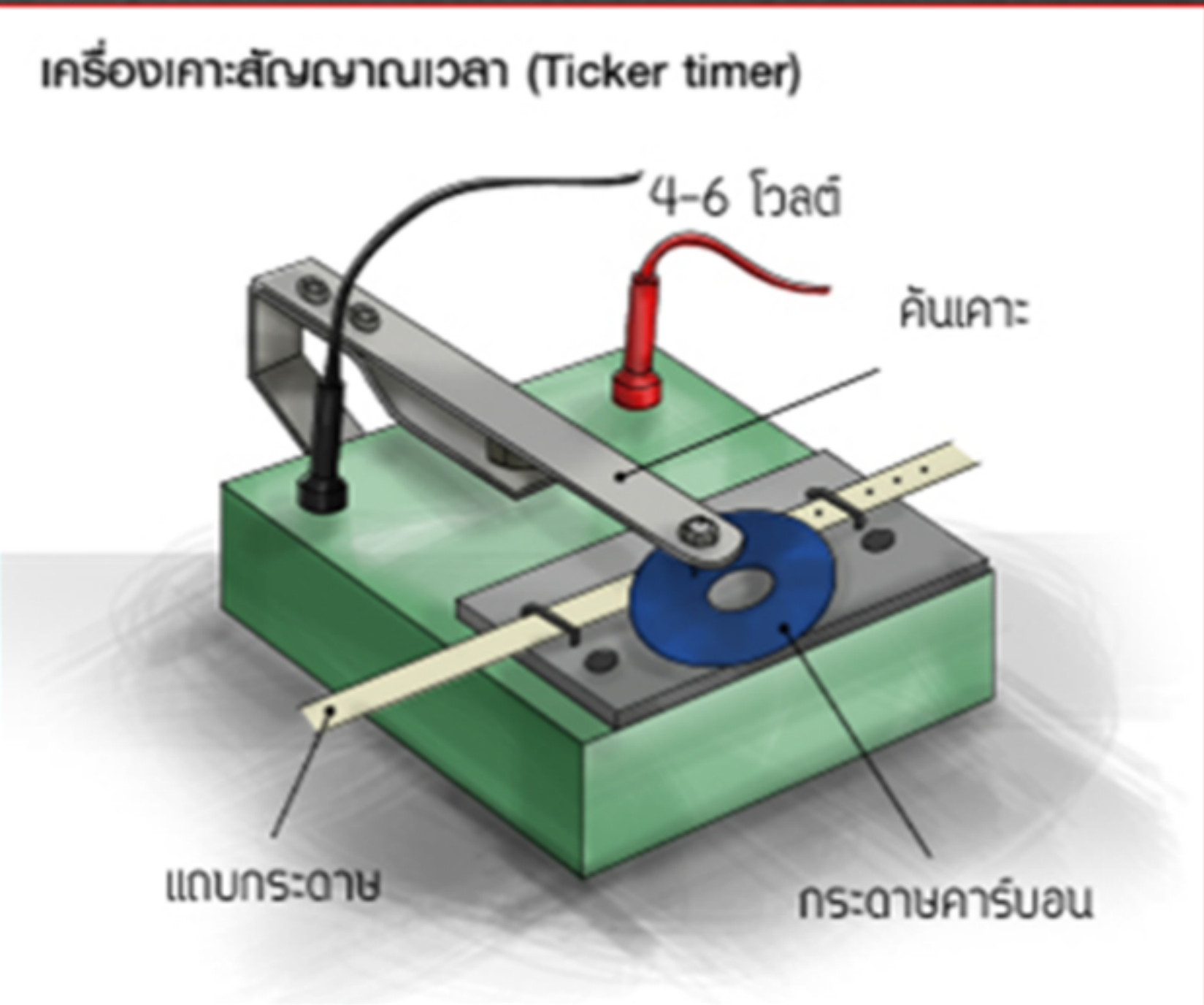


เครื่องเคาะสัญญาณ

เป็นเครื่องมือที่ใช้ในการวัดอัตราเร็วของการเคลื่อนที่
ขณะทำงาน เช่น สปริงจะสั่น ทำให้อุปกรณ์ ที่ติดตั้งตรง
ปลาย เคาะลงบนแถบไม้ ที่รองรับเป็นจังหวะ ด้วย
ความถี่ เท่ากับความถี่ ของไฟฟ้ากระแสสลับ ที่ใช้เคาะ
โดยทั่วไปคือ **50 ครั้งต่อ 1 วินาที เรียกว่า 1 ช่วงจุด**



การวัดอัตราเร็ว

$$\text{อัตราเร็ว} = \frac{\text{ระยะทางที่วัด (m)}}{\text{เวลาที่ใช้ (s)}}$$

ระยะทาง (s) ได้จากการวัดระยะจุด บนแถบกระดาษ

เวลาที่ใช้ (t) ได้จากการนับช่วงจุด บนแถบกระดาษ

ตัวอย่างที่ 6 จากแผนกระดาษขางล่างนี้ จงหาความเร็วตามข้อ ก. และข้อ ข.



Handwritten calculations in yellow:

$$\frac{98}{100} = \frac{98 \times 50}{100 \times 4}$$

4.50

98/100

ก. อัตราเร็วเฉลี่ย ช่วง B ถึง E

$$\bar{v}_{BE} = \frac{\bar{d}_{BE}}{t_{BE}}$$

$$\frac{\bar{d}_{BE}}{t_{BE}} = \frac{(60 - 6) \text{ cm.}}{\frac{3}{50} \text{ s}} = 9 \text{ m/s}$$

ข. ความเร็ว ณ จุด D

$$\bar{v}_D = \frac{\bar{v}_{CE}}{t_{CE}} = \frac{\bar{v}_{BF}}{t_{BF}}$$

$$\bar{v}_D = \frac{\bar{v}_{BF}}{t_{BF}} = \frac{(84 - 6) \text{ cm.}}{\frac{4}{50} \text{ s}} = 9.75 \text{ m/s} \checkmark$$

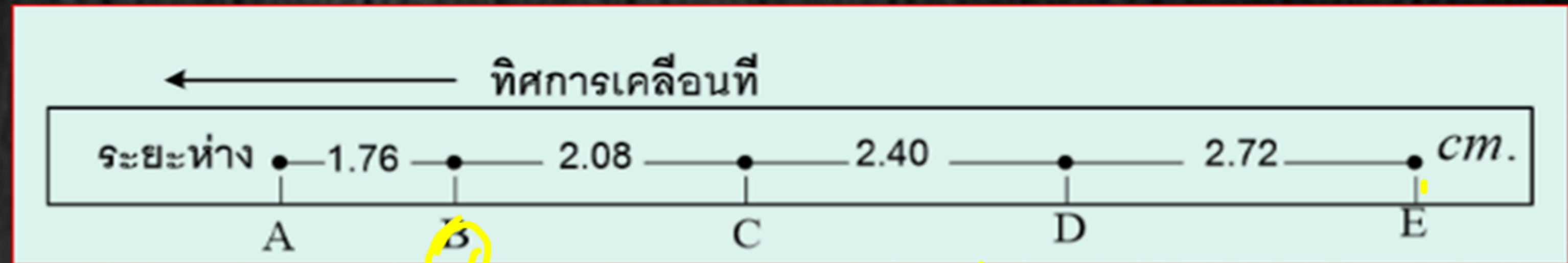
ความเร็วเฉลี่ยช่วงใดๆจะแทน
ความเร็ว ณ จุดกึ่งกลางเวลา *

ตัวอย่างที่ 7 จากรูปแถบกระดาษที่ได้จากเครื่อง Ticker timer

ดังแสดง จงคำนวณหา ความเร่ง ของแถบกระดาษนี้

$$a = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{v - u}{t}$$

แนวคิด



v_B

v_D

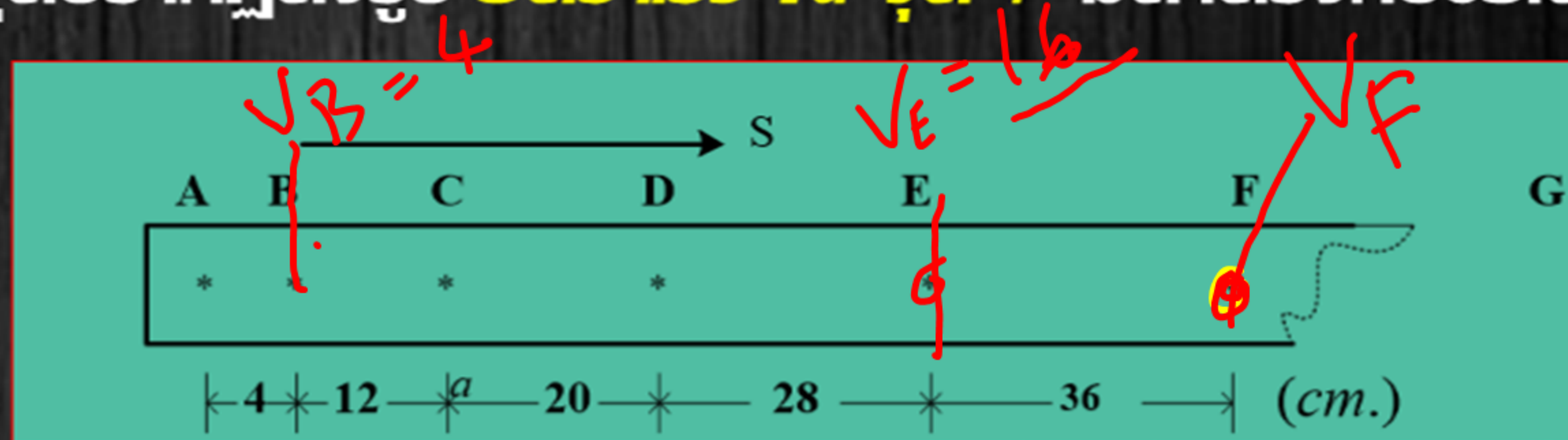
$$v_B = \frac{s_{AC}}{t_{AC}} = \frac{(1.76 + 2.08) \text{ cm.}}{\frac{2}{50} \text{ s}} = \frac{3.84 \text{ cm.}}{\frac{2}{50} \text{ s}} = \frac{3.84}{100} \frac{\text{m.}}{\text{s}} = 0.96 \text{ m/s}$$

$$v_D = \frac{s_{CE}}{t_{CE}} = \frac{(2.40 + 2.72) \text{ cm.}}{\frac{2}{50} \text{ s}} = \frac{5.12 \text{ cm.}}{\frac{2}{50} \text{ s}} = \frac{5.12}{100} \frac{\text{m.}}{\text{s}} = 1.28 \text{ m/s}$$

$$a_{BD} = \frac{v_D - v_B}{t_{BD}} = \frac{(1.28 - 0.96) \text{ m/s}}{\frac{2}{50} \text{ s}} = 8.0 \text{ m/s}^2$$

ตัวอย่างที่ 8 จากแถบกระดาษผ่านเครื่องฉายสัญญาณเวลาชนิดที่มีความถี่ 50 เฮิรตซ์ ได้รอยจุดปรากฏดังรูป **อัตราเร็ว ณ จุด F** มีค่าตรงกับข้อใด

แนวคิด



$$v_B = \frac{s_{AC}}{t_{AC}} = \frac{(4+12) \text{ cm.}}{\frac{2}{50} \text{ s}} = \frac{\frac{16}{100} \text{ m}}{\frac{2}{50} \text{ s}} = 4 \text{ m/s}$$

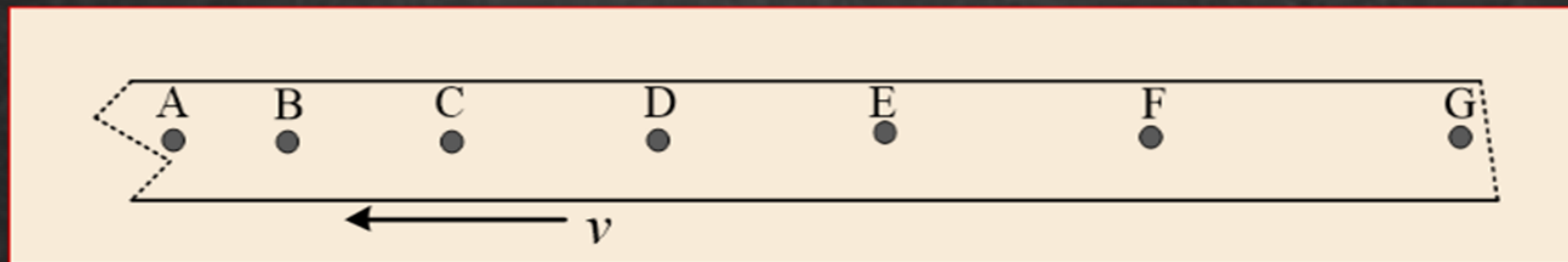
$$v_E = \frac{s_{DF}}{t_{DF}} = \frac{(28+36) \text{ cm.}}{\frac{2}{50} \text{ s}} = \frac{\frac{64}{100} \text{ m}}{\frac{2}{50} \text{ s}} = 16 \text{ m/s}$$

$$a_{BE} = \frac{v_E - v_B}{t_{BE}} = \frac{(16 - 4) \text{ m/s}}{\frac{3}{50} \text{ s}} = 200 \text{ m/s}^2$$

$$\begin{aligned} v_F &= u_E + a(t_{EF}) \\ &= 16 + 200\left(\frac{1}{50}\right) \\ &= 20 \frac{\text{m}}{\text{s}} \end{aligned}$$

2.4.2 ความเร่งขณะใดขณะหนึ่ง (instantaneous acceleration)

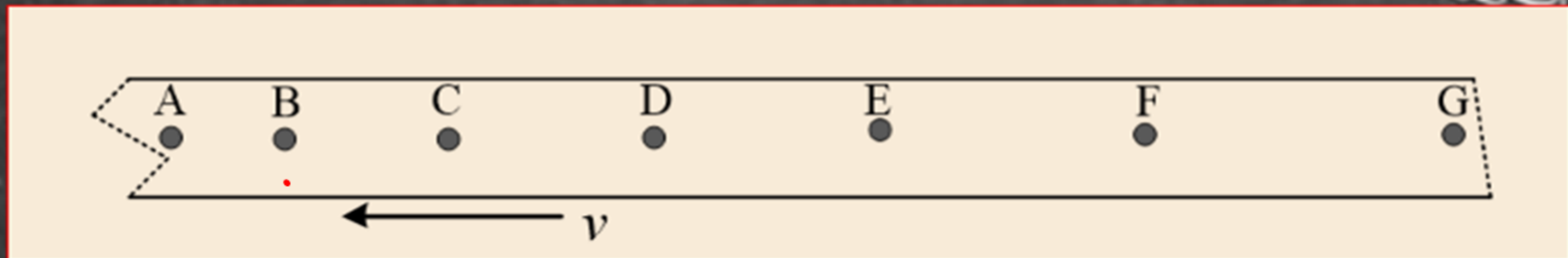
ความเร่งขณะใดขณะหนึ่ง คือค่าความเร่งในช่วงเวลาสั้นๆ
หรือค่าความเร่ง ณ จุดใดจุดหนึ่ง ซึ่งในทางปฏิบัตินั้น จะวัดได้ยาก
การคำนวณค่าความเร่งจากแถบกระดาษ



หลักการ

- (1) ความเร็วเฉลี่ย ช่วงใดๆ จะแทนความเร็วที่จุดกึ่งกลางเวลา
- (2) ความเร่งเฉลี่ย ช่วงใดๆ จะแทนความเร่งที่จุดกึ่งกลางเวลา

แนวคิด



1. ความเร็วเฉลี่ย ช่วง A-E จะแทนความเร็ว ณ จุด C

$$\vec{v}_C$$

2. ความเร็ว ณ จุด D หาได้จากความเร็วเฉลี่ยช่วง C-E

$$\vec{v}_{CE}$$

$$\vec{v}_{BF}$$

$$\vec{v}_{AG}$$

3. ความเร่งเฉลี่ยช่วง B-F จะแทนความเร่ง ณ จุด D

$$\vec{a}_D$$

$$\vec{a}_D = \vec{a}_{CE} = \vec{a}_{BF} = \vec{a}_{AG}$$

4. ความเร่ง ณ จุด E หาได้จาก ความเร่งเฉลี่ย ช่วง

$$\vec{a}_E = \vec{a}_{DF} = \vec{a}_{CG}$$

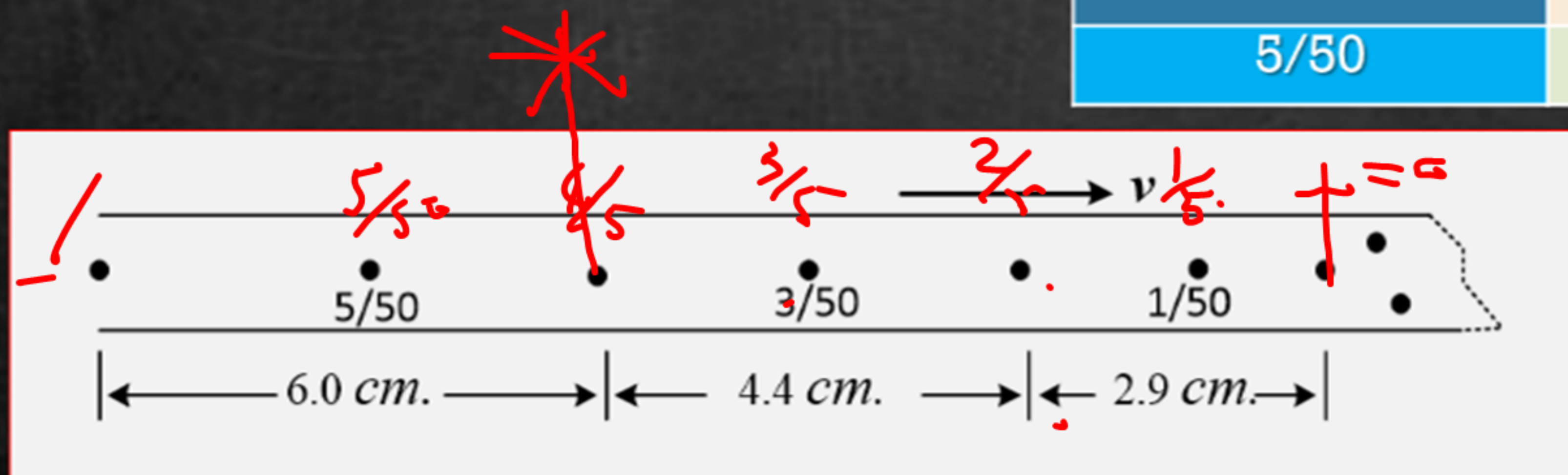
ตัวอย่างที่ 9 จากการวัดระยะทางใน 2 ช่วงจุด ณ เวลาตรงจุดกึ่งกลาง

แต่ละช่วง บนแถบกระดาษที่ถูกดึง ผ่านเครื่องฉายสัญญาณเวลา ได้ข้อมูล

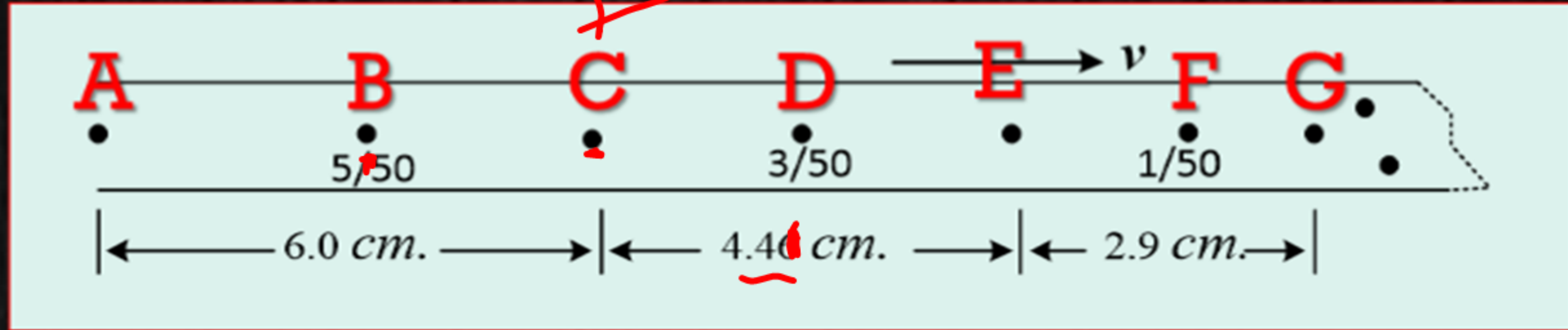
ดังตาราง จงหา ความเร่งเฉลี่ย ณ เวลา 4/50 วินาที.

- 1. 8.0 m/s^2
- 2. 9.4 m/s^2
- 3. 9.8 m/s^2
- 4. 10.0 m/s^2

เวลาตรงจุดกึ่งกลาง แต่ละช่วง(S)	ระยะห่าง 2 ช่วงจุด (cm.)
1/50	2.9
3/50	4.4
5/50	6.0



แนวคิด



ความเร่งที่จุด C หาได้จาก
ความเร่งเฉลี่ย ช่วง D-B

$$\vec{a}_C = \vec{a}_{DB,av}$$

$$\vec{a}_C = \vec{a}_{DB,av} = \frac{\vec{v}_B - \vec{v}_D}{t_{D-B}} = \frac{\frac{\vec{d}_{CA}}{t_{CA}} - \frac{\vec{d}_{EC}}{t_{EC}}}{t_{D-B}}$$

Handwritten notes in red: $a_c = a_{DB}$, $v_B = v_D$, and a vertical line with a horizontal tick mark.

$$\frac{\frac{\vec{d}_{CA}}{t_{CA}} - \frac{\vec{d}_{EC}}{t_{EC}}}{t_{D-B}} = \frac{\left(\frac{6.0 \times 10^{-2}}{2} - \frac{4.4 \times 10^{-2}}{2}\right)}{\frac{2}{50}} = 10 \text{ m/s}^2$$